

---

# Machine Learning

*N. Hascoët – Prof. F. Chinesta*

*4 juillet 2019*

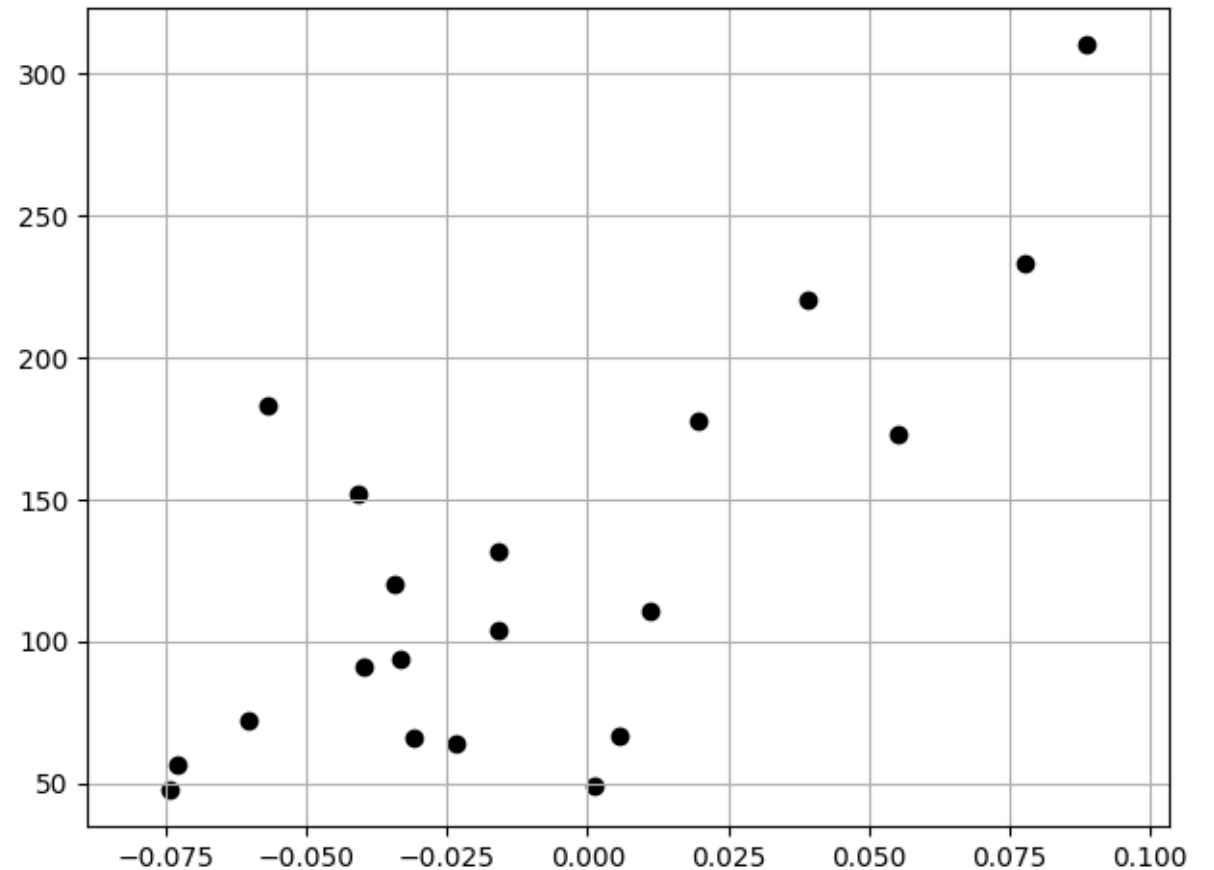
---

# Régression

- Apprentissage SUPERVISÉ
- D'un espace DISCRET à un espace RÉEL
- Calcul d'une fonction CONTINUE
- Prédiction d'une VALEUR réelle

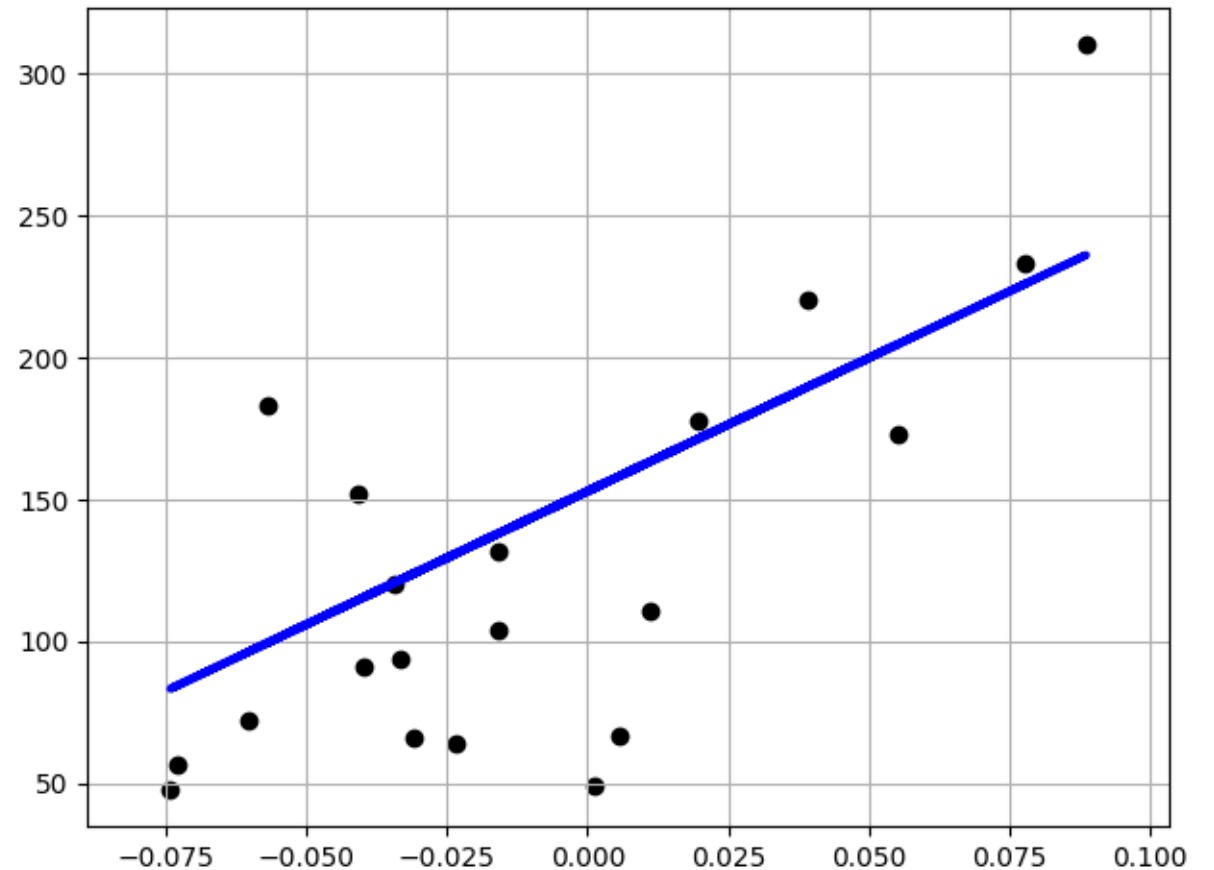
# Régression

- Ensemble de données **CONNUES**  $(x, y)$
- Domaine **RÉEL**



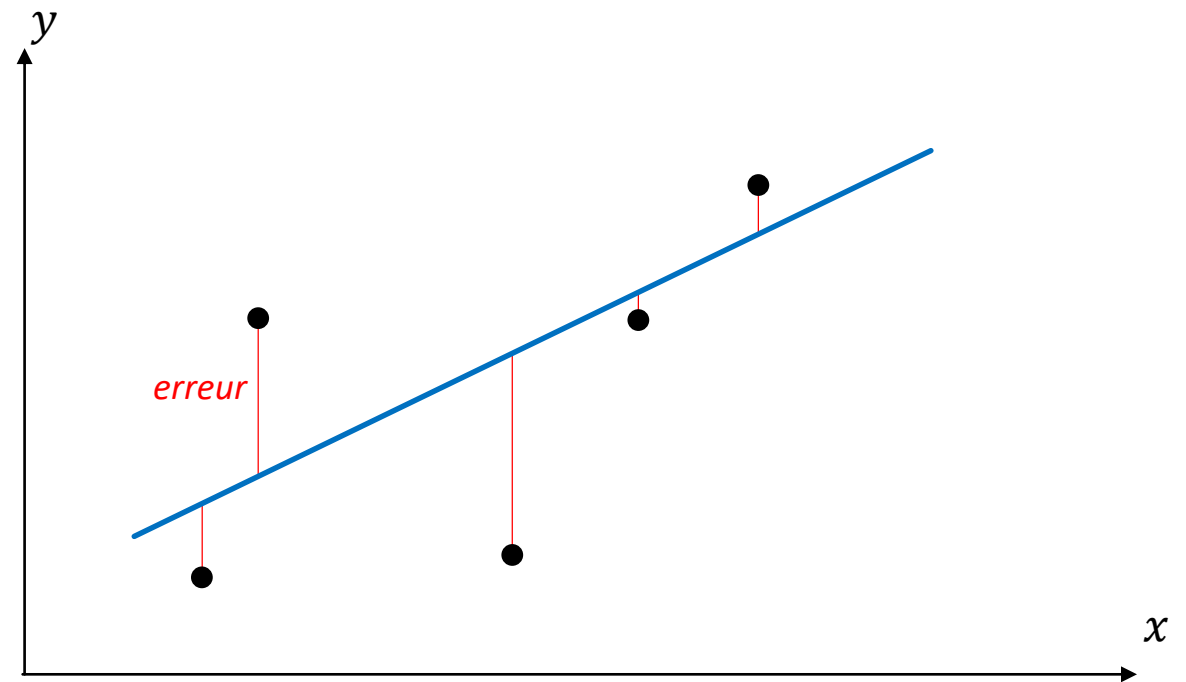
# Régression

- Ensemble de données **CONNUES**  $(x, y)$
- Domaine **RÉEL**
- Recherche d'un modèle de la forme  $y = ax + b$
- Problème d'**OPTIMISATION** par **ITÉRATION**



# Méthode des moindres carrés

- Exemple linéaire :  $y = ax + b$
- Minimiser  $\sum err^2$   
(Fonction objectif quadratique)



# Méthode des moindres carrés

- Exemple linéaire :  $y = ax + b$
- Recherche de la fonction affine approchant au mieux  $N$  points

$$a = \frac{\sum(x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sum(x - \bar{x})^2}$$

$$b = \bar{y} - a\bar{x}$$

---

# Régression rigide

- Régression linéaire standard :  $\min \|Xw - y\|^2$
- Régression rigide : ajout du **BIAIS** induit des coefficients pour réduire la variance

$$\min \|Xw - y\|^2 + \alpha \|w\|^2$$

# Lasso

- Least Absolute Shrinkage Selector Operator
- Utilisation de la norme  $L_1$

$$L_2: |X|_2 = \sum_i \sqrt{|x_i|^2}$$

$$L_1: |X|_1 = \sum_i |x_i|$$

- La norme  $L_2$  moyenne les valeurs aberrantes



---

# Lasso

- Régression pénalisée en norme  $L_1$

$$\min \|Xw - y\|^2 + \alpha |w|$$

- Propriété de sélection sparse

# Régression Support Vector Machine

- Entraînement : optimisation  $\min_a \|a\|^2$  tel que  $y_i(ax_i + b) \geq 1$
- $e_i \geq 0$  : distance du point  $i$  à la FRONTIÈRE
- Frontière « souple » :

$$\min_a \|a\|^2 + C \sum_{i=1}^N e_i$$

- Tel que  $y_i(ax_i + b) \geq 1 - e_i$
- Equations des NOYAUX SVM :
  - Linéaire :  $k(u, v) = u' \times v$
  - Polynomial :  $k(u, v) = (\gamma u' \times v + r)^\delta$
  - Radial :  $k(u, v) = \exp(-\gamma |u - v|^2)$

avec  $C$  le paramètre de PÉNALISATION

avec  $\gamma$  le paramètre d'INFLUENCE

